

تطوير نموذج مالي توازني لتحديد هامش ربح الاكتتاب في شركات تأمينات الممتلكات والمسؤولية في سوق التأمين المصري في حالة وجود ضريبة موحدة

أسامة ربيع أمين سليمان*

قسم الإحصاء والرياضيات والتأمين – كلية التجارة – جامعة مدينة السادات (جمهورية مصر العربية)

Developing Equilibrium Financial Model to Determine Underwriting Profits in Egyptian Insurance Market in case of Unified Taxation

Dr. Osama Soliman

University of Sadat City-Egypt

تاريخ الاستلام: 2018 /11/11 تاريخ المراجعة: 2018 /11/14 تاريخ القبول: 2018 /11/25

ملخص:

يتمثل الهدف الأساسي من هذه الدراسة في محاولة التوصل الى نموذج مالي توازني بالاعتماد على نظرية تسعير الأصول الرأسمالية CAPM لحساب هامش ربح الاكتتاب في شركات تأمينات الممتلكات في سوق التأمين المصري في ظل نظام الضريبة الموحدة على الدخل، بما يضمن تحقيق العدالة بين حملة الأسهم وحملة الوثائق. وقد توصلت الدراسة الى أن نموذج تسعير الأصول الرأسمالية ثنائي العزوم (2 Moment Insurance-CAPM) كان أكثر معنوية من ونموذج تسعير الأصول الرأسمالية ثلاثي العزوم (3 Moment Insurance-CAPM) لتحديد معدل العائد على النشاط الاكتتابي لفرع الحريق في شركة المهندس للتأمين.

الكلمات المفتاحية: نموذج مالي، هامش ربح الاكتتاب؛ نموذج تسعير الأصول الرأسمالية؛ نموذج تسعير الأصول الرأسمالية التأميني، تأمينات ممتلكات ومسؤولية.

تصنيف JEL : G22; C45; C53; D81

Abstract:

The study used to design equilibrium financial model based on Capital asset pricing model to determine the underwriting profit margins in property and liability insurance companies in the Egyptian insurance market in case of unified taxation. The main result of is that 2- Moment Insurance-CAPM is more significant than 3- Moment Insurance-CAPM in determining rate of return on underwriting in Al-Mohandes insurance company.

Keywords: Financial Model ; Underwriting profit CAPM ; Insurance-CAPM ; property and liability Insurance.

Jel Classification Codes : G22; C45; C53; D81

I- تمهيد :

بصفة عامة، يعد تحديد هامش ربح الاكتتاب في شركات التأمين من الموضوعات التي تحظى باهتمام كبير من جانب الباحثين في مجال التأمين والعلوم الإكتوارية، لما لذلك من تأثير مباشر على حقوق كل من حملة الأسهم وحملة الوثائق. فالمبالغة في تحديد قيمة هامش ربح الاكتتاب من شأنه يعظم من منفعة حملة الأسهم متمثلاً في ارتفاع سعر سهم شركة التأمين في بورصة الأوراق المالية، على حساب حملة الوثائق من خلال ارتفاع أسعار التغطيات التأمينية. كما أن تقدير هامش ربح الاكتتاب بأقل مما يجب ربما يكون في صالح حملة الوثائق، نتيجة لانخفاض أسعار التغطيات التأمينية، على حساب حملة الأسهم في حالة عدم تحقيق معدل العائد المتوقع على أموالهم المستثمرة في شركة التأمين، وذلك في الحالة التي يكون فيها التدفقات النقدية الداخلة بسبب زيادة الطلب المصاحب لانخفاض التكلفة لم تكن كافية لتحقيق معدل العائد المطلوب على حقوق الملكية لحملة الأسهم. وبالتالي يزداد احتمال هروب رأس المال من قطاع التأمين إلى القطاعات الاقتصادية الأخرى، التي تحقق معدل عائد أكبر لنفس درجة المخاطر مما يترتب عليه انخفاض سعر سهم شركة التأمين في بورصة الأوراق المالية.

وبصفة عامة، قد اعتمد الفكر الإكتواري عند حساب هامش ربح الاكتتاب في شركة التأمين على العديد النماذج الإحصائية والرياضية¹، ولكن هذه النماذج كان يشوبها عدد من العيوب، أهمها أنها نماذج ساكنة Static Models لا تأخذ في اعتبارها ظروف العرض والطلب والتوازن في الأسواق، وبالتالي من غير الممكن في ظل هذه النماذج حساب هامش ربح اكتتاب توازني يحقق العدالة بين حملة الأسهم وحملة الوثائق، بالإضافة إلى أن هذه النماذج تعتمد على مفهوم المخاطر الكلية لعملية الاكتتاب، بحيث يتم تحميل قسط التأمين بمقابل الانحرافات الكلية المتوقعة لنتائج النشاط الاكتتابي وهو الأمر الذي يخل بمبدأ العدالة بين حملة الأسهم وحملة الوثائق، حيث أن جزء من الانحرافات في نتائج محفظة الاكتتاب يكون راجعاً إلى أخطاء خاصة بشركة التأمين في عملية الاكتتاب، ويعرف هذا الجزء بالمخاطر غير المنتظمة Unsystematic Risk، هذا فضلاً عن أن النماذج الإحصائية لا تأخذ في الاعتبار عائد استثمار أقساط التأمين الذي تحصل عليه شركة التأمين من توظيف أو استثمار هذه الأقساط خلال الفترة الفاصلة بين تحصيل الأقساط وسداد التعويضات الأمر الذي يتعين معه خصم الأقساط بمعدل خصم مناسب يحقق العدالة بين حملة الأسهم وحملة الوثائق. وبالتالي نكون في حاجة لأساس موضوعي وعلمي يضمن تحقيق العدالة بين حملة الأسهم وحملة الوثائق عند حساب هامش ربح الاكتتاب وبشكل توازني في شركات التأمين. وكان الحل الذي اعتمد عليه الخبراء الإكتواريين والذي كان بديلاً للنماذج الإحصائية عند حساب هامش ربح اكتتاب عادل وتوازني في شركات التأمين هو النماذج المالية وبصفة خاصة نماذج تسعير الأصول الرأسمالية.

ويرى كل (D'Arcy, and Dyer, 1997)² أن نموذج تسعير الأصول الرأسمالية CAPM، هو أحد أهم النماذج المالية في النظرية الحديثة للتمويل Modern theory of Finance ويعد حجر الأساس في التسعير العادل للأدوات المالية وقياس المخاطر المرتبطة بها، كما يعد هذا النموذج هو الأساس لكثير من النظريات في مجال التمويل والاستثمار حالياً. ومن أهم التطبيقات أو المشاكل التي تم الاعتماد على نموذج CAPM في حلها في مجال

التأمين تلك المشاكل الخاصة بتسعير التأمين، حساب معدل العائد على حقوق الملكية، حساب هامش ربح الإكتتاب لشركة التأمين، قياس المخاطر سواء في محافظ الاستثمار أو في المحافظ التأمينية، بالإضافة إلى قياس أداء وكفاءة محفظة الإكتتاب.

1. الدراسات السابقة: على المستوى الدولي، يوجد عدد من الدراسات التطبيقية أو التجريبية Empirical Studies التي استخدمت نموذج Insurance CAPM في حساب هامش ربح الإكتتاب في شركات التأمين، وكانت معظم هذه الدراسات كان بالاعتماد على النموذج ثنائي العزوم في حالة عدم وجود ضرائب سواء على الدخل من الاستثمار أو على الدخل من النشاط الإكتتابي، من أهم هذه الدراسات:

* دراسة (Water - Quirin, 1975)³: اعتمدت هذه الدراسة على نموذج تسعير الأصل الرأسمالي ثنائي العزوم (2 Moment Insurance CAPM) عند تقدير هامش ربح الإكتتاب لعدد من شركات التأمين في الولايات المتحدة الأمريكية. وتوصلت الدراسة إلى أن أسهم تلك الشركات استطاعت أن تحقق أرباحا غير عادية، وقد أرجع الباحثان السبب وراء هذه النتيجة إلى وجود بعض صور الممارسات الاحتكارية في قطاع التأمين، مما مكن هذه الشركات من تحقيق عائد إضافي أعلى من العائد الذي يكافئ حجم المخاطر المرتبطة به.

* دراسة (Fairley, 1979)⁴: اعتمدت هذه الدراسة أيضا على نموذج تسعير الأصل الرأسمالي ثنائي العزوم (2 Moment Insurance CAPM)، عند صياغة معادلة لتحديد هامش ربح الإكتتاب العادل الذي يجب أن تحصل عليه شركات التأمين المسجلة في ولاية ماساتشوستس، وذلك وفقا لمستويات الخطر المنتظم Systematic Risk.

* دراسة كل من (D'Arcy - Garven, 1990)⁵: قامت هذه الدراسة بالمقارنة بين عدد من النماذج المالية المستخدمة في تحديد هامش ربح الإكتتاب في شركات تأمينات الممتلكات والمسؤوليات. وكان من بين هذه النماذج نموذج تسعير الأصل الرأسمالي ثنائي العزوم (2 Moment Insurance CAPM). ومن الملاحظ أن هذه الدراسة اعتمدت في المقارنة (أو المفاضلة) بين تلك النماذج على أساس القدرة على التنبؤ الدقيق بالأسعار، دون الأخذ في الاعتبار الافتراضات (أو الشروط) الواجب توافرها عند تطبيق كل نموذج.

* دراسة (Kozik, 1996)⁶: تناولت هذه الدراسة بعض الانتقادات الخاصة بالمنهجيات المستخدمة في حساب معامل بيتا للإكتتاب في نموذج تسعير الأصول الرأسمالية المستخدم في حساب معدل العائد المطلوب من النشاط الإكتتابي في شركات التأمين Insurance - CAPM. حيث يرى Thomas Kozik أن هذه المعاملات غير اعتمادية، بسبب أن الاعتماد على أذن الخزانة الأمريكية U.S. Treasury Bill كأصل خالي من المخاطر Risk Free Asset هو أمر خاطئ - من وجهة نظره - ولا يمكن اعتباره أصل استثماري خالي من المخاطر.

* دراسة (Dyer - D'Arcy, 1997)⁽⁷⁾: في دراسة أخرى لكل من Stephen D'Arcy و Michael A. Dyer، تناولوا فيها شرحا لكيفية تطبيق عدد من النماذج المالية عند حساب هامش ربح الإكتتاب العادل في تأمينات الممتلكات والمسؤوليات من خلال بيانات افتراضية. وكان من بين هذه النماذج - أيضا - نموذج تسعير الأصول الرأسمالية ثنائي العزوم (2 Moment Insurance CAPM).

* دراسة (Harrington - Cummins, 1985) (8): تناول الباحثان في هذه الدراسة كيفية حساب معامل بيتا للاككتاب المستخدم في تسعير الأصول الرأسمالية المستخدم في حساب معدل العائد المطلوب من النشاط الاككتابي في شركات التأمين Insurance - CAPM، من خلال طريقتين مختلفتين: الطريقة الأولى وهي الطريقة الشائعة في معظم الدراسات في هذا الشأن وتعرف بطريقة تقييم السوق Market Value. والطريقة الثانية من خلال عمل انحدار لأرباح الاككتاب Underwriting Profits ومعدل العائد لمحفظه سوق الأوراق المالية.

أما على المستوى المحلي فهناك عدد قليل من الدراسات التطبيقية التي استخدمت نموذج Insurance CAPM في حساب هامش ربح الاككتاب في شركات التأمين في سوق التأمين المصري، من هذه الدراسات:

* دراسة (الديب - حسن، 2009) (9): اعتمدت هذه الدراسة على الصيغة ثنائية العزوم لنموذج CAPM، لدراسة أثر التغيرات الضريبية على الأقساط وهامش الأرباح الاككتابية في تأمينات الممتلكات والمسؤوليات بسوق التأمين المصري. ولكن هناك بعض الانتقادات أو الملاحظات التي يمكن أخذها على هذه الدراسة مثل اعتماد الدراسة على محفظة سوق التأمين ممثلة لمحفظه السوق، في حين أن المقصود بمحفظه السوق في نموذج تسعير الأصول الرأسمالية CAPM هي محفظة سوق الأوراق المالية، وليس محفظة سوق التأمين⁽¹⁰⁾، فنظرية تسعير الأصول الرأسمالية تتناول العائد والمخاطر من وجهة نظر المستثمر الذي يمتلك محفظة متنوعة تنوعا جيدا ويعتبر سهم شركة التأمين أحد الأسهم التي تتضمنها هذه المحفظة، والسوق الذي فيه يتم تداول وتسعير الأدوات المالية هو سوق الأوراق المالية وليس سوق التأمين. كما أن هذه الدراسة خلطت بين مفهوم الضرائب ومفهوم الرسوم، حينما اعتبرت أن رسوم الدمغة النسبية تمثل الضريبة على الدخل من النشاط الاككتابي والذي على أساسه تم حساب هامش ربح الاككتاب في شركات التأمين محل الدراسة.

* دراسة (سليمان، أسامة، 2009) (11): قامت هذه الدراسة بالمقارنة بين عدد من النماذج المالية في تسعير تأمينات الممتلكات والمسؤوليات بالتطبيق على بيانات سوق التأمين المصري. وكان من بين هذه نماذج تسعير الأصول الرأسمالية ثنائي العزوم (Two - Moment Insurance CAPM).

2. مشكلة البحث: من الملاحظ أن التركيز في الدراسات السابقة عند تطبيق نموذج CAPM من أجل تحديد هامش ربح الاككتاب كان منصبا على الشكل ثنائي العزوم لنموذج CAPM، والذي يتضمن افتراضا ضميا بأن معدل العائد على محفظة السوق (سوق الأوراق المالية) يتوزع توزيعا طبيعيا، أو على الشكل ثلاثي العزوم ولكن في حالة عدم وجود ضرائب. كما النماذج المستخدمة في حالة وجود ضرائب كانت تفترض معدلات ضرائب مختلفة على كل من الدخل من النشاط الاستثماري والدخل من النشاط الاككتابي، ولم يكن هناك صيغة مباشرة للنموذج في حالة وجود ضريبة موحدة على دخل شركة التأمين كما هو الحال في مصر، مما يعني أن هناك فجوة بحثية في هذه الجزئية، وبالتالي نكون في حاجة إلى تطوير نموذج Insurance CAPM ثنائي وثلاثي العزوم لحساب هامش ربح الاككتاب في شركة التأمين في حالة وجود ضريبة موحدة في ضوء خصائص التوزيع الاحتمالي لعائد محفظة السوق.

3. هدف البحث: يهدف البحث الى تحقيق العدالة بين حملة الأسهم وحملة الوثائق من ناحية من خلال حساب هامش ربح اکتتاب عادل لشركة التأمين يأخذ في اعتباره شكل التوزيع الاحتمالي لعائد محفظة السوق، وبين حملة الوثائق من خلال التسعير العادل للمخاطر عند اختيار الرتبة المناسبة للعزوم عند حساب هامش ربح الاکتتاب.

4. أهمية البحث:

(أ) من الناحية الأكاديمية: سوف يساهم هذا البحث في سد الفجوة البحثية المتعلقة بصيغة لنموذج تسعير الأصول الرأسمالية التأميني Insurance-CAPM لحساب هامش ربح الاکتتاب في شركة التأمين في حالة الضريبة الموحدة لدخل شركة التأمين. كما أن هذا البحث بمثابة خطوة نحو زيادة الاهتمام بالنماذج المالية واستخدامها في حل مشاكل التأمين ذات الطابع المالي التوازني، وهذا من شأنه أن يساعد على تقليل الفجوة بين نظرية التمويل ونظرية التأمين، على الرغم من الصلة الوثيقة بينهما.

(ب) أما من الناحية التطبيقية: تتمثل أهم الفوائد العملية أو التطبيقية من هذا البحث في مساعدة متخذي القرار، سواء في شركات التأمين أو في الهيئات الرقابية، من اتخاذ القرار الخاص بتحديد هامش ربح اکتتاب في ظل وجود ضرائب على دخل شركة التأمين بطريقة عادلة فلا يكون مبالغاً فيه أو أقل مما يجب، وبما يضمن العدالة بين حملة الوثائق وحملة الأسهم، وذلك على أسس علمية وموضوعية سليمة، بعيدة عن الحكم الشخصي غير الموضوعي.

5. حدود البحث: سوف يتم تطبيق النموذج المقترح على بيانات إحدى شركات تأمينات الممتلكات والمسؤوليات في سوق التأمين المصري التي يتم تداول أسهمها في بورصة الأوراق المالية، وهي شركة المهندس للتأمين، وذلك خلال الفترة من 2006 إلى 2016، وذلك بالنسبة لفرع الحريق في هذه الشركة، كحالة تطبيقية واقعية.

6. منهجية البحث: سوف يعتمد الباحث عند عرض اشتقاق نموذج CAPM ثنائي أو ثلاثي العزوم المستخدم في تحديد هامش ربح الاکتتاب في شركات التأمين في حالة الضريبة الموحدة، على المنهجية التي اتبعها كل من Thomas Kozik و Stephen D'Arcy عندما قام الأول باشتقاق النموذج ثنائي العزوم في حالة عدم وجود ضرائب، وعندما قام الثاني باشتقاق النموذج ثلاثي العزوم لحساب هامش ربح الاکتتاب في شركات التأمين في حالة وجود ضرائب على كل من الدخل من الاکتتاب والدخل من النشاط الاستثماري.

II - الطريقة والأدوات:

بصفة عامة، يتم تحديد هامش ربح اکتتاب شركات التأمين وفقاً لنموذج Insurance-CAPM، من خلال الاعتماد على دمج نموذجين لمعدل العائد على حقوق الملكية في شركات التأمين، أحدهما نموذج محاسبي والثاني نموذج مالي توازني، كما يلي:

1. معدل العائد على حقوق الملكية في شركات التأمين وفقاً للنموذج المحاسبي:

بصرف النظر عن وجود أو عدم وجود ضرائب، وبصرف النظر عن شكل التوزيع الاحتمالي لعائد محفظة السوق، يتم حساب معدل العائد على حقوق الملكية في شركات التأمين من الناحية المحاسبية من خلال العلاقة التالية:

$$Q = u + i \dots\dots\dots (1)$$

حيث: Q : إجمالي الدخل في شركة تأمين. i : الدخل من النشاط الاستثماري بشركة التأمين.
 u : الدخل من النشاط الاككتابي.

وبما أن الدخل من النشاط الاككتابي (u) هو عبارة عن معدل العائد على النشاط الاككتابي مضروبا في حجم الأقساط المكتتبة (P)، أي أن:

$$u = r_u (P) \dots\dots\dots (2)$$

كما أن الدخل من النشاط الاستثماري (i) هو عبارة عن معدل العائد من النشاط الاستثماري مضروبا في الأموال المستثمرة. وتتكون الأموال المستثمرة من حقوق الملكية (S) مضافا اليه صافي الأقساط (kP). أي أن:

$$i = r_i (S + kP) \dots\dots\dots (3)$$

حيث (k) هي متوسط فترة احتفاظ شركة التأمين بالقسط أو متوسط الفترة الفاصلة بين تحصيل القسط وسداد التعويض في محفظة اكتتابات الشركة، والتي خلالها يكون القسط متاحا للاستثمار. ويطلق عليها في بعض الأحيان معامل توليد الأموال Funds Generating Coefficient.

ومن خلال التعويض عن المعادلتين (2) و (3) في المعادلة (1)، تصبح معادلة صافي الدخل في شركة التأمين (Q)، كما يلي:

$$Q = r_u P + r_i (S + kP) \rightarrow (4)$$

وبالتالي يكون صافي الدخل في شركة التأمين بعد الأخذ في الاعتبار الضريبة على كل من الدخل من الاستثمار والدخل من النشاط الاككتابي، كما يلي:

$$Q = r_u P(1-t_u) + r_i (S + kP)(1-t_i) \rightarrow (5a)$$

حيث: t_i : معدل الضريبة على الدخل من الاستثمار. t_u : معدل الضريبة على الدخل من النشاط الاككتابي.

ثم بقسمة طرفي المعادلة (5a) على حقوق الملكية (S)، نحصل على العائد على حقوق الملكية (r_e)، كما يلي:

$$r_e = \frac{Q}{S} = \frac{r_u P(1-t_u)}{S} + \frac{r_i (S + kP)(1-t_i)}{S} \rightarrow (6a)$$

وبحساب التوقع Expectation لطرفي المعادلة رقم (6a)، نجد أن:

$$E(r_e) = \frac{E(r_u) P(1-t_u)}{S} + \frac{E(r_i)(S + kP)(1-t_i)}{S} \rightarrow (7a)$$

2. معدل العائد على حقوق الملكية في شركات التأمين وفقا للنموذج المالي التوازني (نموذج CAPM):

هنا سيتم التفرقة بين أربعة حالات مختلفة للنموذج وفقا لمدى اعتدالية التوزيع الاحتمالي لعائد محفظة السوق، ومعدل الضريبة المفروضة على الدخل، كما يلي:

الحالة الأولى: نموذج تسعير الأصول الرأسمالية التأميني ثنائي العزوم Two - MOMENT INSURANCE CAPM لتحديد هامش ربح الاككتاب في حالة وجود ضرائب على كل من الدخل من الاككتاب والدخل من الاستثمار:

العائد المتوقع لأي أصل استثماري (سواء محفظة استثمار أو محفظة اكتتاب) وفقا لنموذج Two-Moment CAPM هو عبارة عن محصلة كل من: العائد الخالي من المخاطر، مضافاً إليه عائد المخاطرة أو ما يعرف بقسط الخطر Risk Premium وهو عبارة عن الفرق بين عائد السوق والعائد الخالي من المخاطر مرجحاً بمدى تلازم عائد هذه الأصل الاستثماري (أو المحفظة) مع عائد محفظة السوق، ويقاس هذا المدى بمعامل Beta. وكما هو معروف أيضاً، أن قسط الخطر هو العائد أو المكافأة الوحيدة التي يحصل عليها المستثمر في مقابل تحمل مخاطر السوق في ظل هذه النظرية. وبالتالي طبقاً لنموذج CAPM ثنائي العزوم، معدل العائد التوازني لحقوق الملكية، معدل العائد التوازني على الاستثمار سيكونان على الشكل التالي:

$$E(r_e) = r_f + \beta_e (r_m - r_f) \rightarrow (8a)$$

$$E(r_i) = r_f + \beta_i (r_m - r_f) \rightarrow (9a)$$

حيث:

β_i : معامل بيتا للإستثمار.

β_e : معامل بيتا لحقوق الملكية.

r_f : معدل العائد الخالي من المخاطر.

r_m : معدل على العائد على محفظة السوق (سوق الأوراق المالية).

وبمساواة المعادلة (8a) بالمعادلة (7a):

$$\frac{E(r_u)P(1-t_u)}{S} + \frac{E(r_i)(S+kP)(1-t_i)}{S} = r_f + \beta_e (r_m - r_f) \rightarrow (10a)$$

وبما أن معامل Beta هو مشغل خطي Linear Operator، ومن المعادلة (6a)، إذا:

$$\beta_e = \frac{\beta_u P(1-t_u)}{S} + \frac{\beta_i (S+kP)(1-t_i)}{S} \rightarrow (11a)$$

ثم بالتعويض من المعادلة (11a) عن (β_e) في المعادلة (10a):

$$\frac{E(r_u)P(1-t_u)}{S} + \frac{E(r_i)(S+kP)(1-t_i)}{S} = r_f + \left\{ \left[\frac{\beta_u P(1-t_u)}{S} + \frac{\beta_i (S+kP)(1-t_i)}{S} \right] (r_m - r_f) \right\} \rightarrow (12a)$$

وبضرب طرفي المعادلة (12a) في حقوق الملكية (S)، نحصل على:

$$E(r_u)P(1-t_u) + E(r_i)(S+kP)(1-t_i) = r_f S + \left\{ [\beta_u P(1-t_u) + \beta_i (S+kP)(1-t_i)] (r_m - r_f) \right\} \rightarrow (13a)$$

بالتعويض عن معدل العائد المتوقع على محفظة الاستثمار ($E(r_i)$) من المعادلة (9a) في المعادلة (13a):

$$E(r_u)P(1-t_u) + (r_f + \beta_i (r_m - r_f))(S+kP)(1-t_i) = r_f S + [\beta_u P(1-t_u) + \beta_i (S+kP)(1-t_i)](r_m - r_f) \rightarrow (14a)$$

بإعادة ترتيب المعادلة الطرف الأيسر للمعادلة (14a):

$$E(r_u)P(1-t_u) + (r_f + \beta_i (r_m - r_f))(S+kP)(1-t_i) = r_f S + [\beta_u P(1-t_u)(r_m - r_f)] + [\beta_i (S+kP)(1-t_i)(r_m - r_f)] \rightarrow (15a)$$

بإعادة ترتيب المعادلة الطرف الأيمن للمعادلة (15a):

$$E(r_u)P(1-t_u) + [r_f(S+kP)(1-t_i)] + [\beta_i(r_m-r_f)(S+kP)(1-t_i)] \\ = r_f S + [\beta_u P(1-t_u)(r_m-r_f)] + [\beta_i(S+kP)(1-t_i)(r_m-r_f)] \rightarrow (16a)$$

بإعادة ترتيب المعادلة (16a):

$$E(r_u)P(1-t_u) + [r_f(S+kP)(1-t_i)] = r_f S + [\beta_u P(1-t_u)(r_m-r_f)] + [\beta_i(S+kP)(1-t_i)(r_m-r_f)] \\ - [\beta_i(r_m-r_f)(S+kP)(1-t_i)] \rightarrow (17a)$$

$$E(r_u)P(1-t_u) + [r_f(S+kP)(1-t_i)] = r_f S + [\beta_u P(1-t_u)(r_m-r_f)] \rightarrow (18)$$

$$E(r_u)P(1-t_u) = r_f S + [\beta_u P(1-t_u)(r_m-r_f)] - [r_f(S+kP)(1-t_i)] \rightarrow (19a)$$

بقسمة طرفي المعادلة (19a) على إجمالي الأقساط المكتتبة (P)، نحصل على:

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} + [\beta_u(1-t_u)(r_m-r_f)] - \left[\frac{r_f}{P}(S+kP)(1-t_i) \right] \rightarrow (20a)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} + [\beta_u(1-t_u)(r_m-r_f)] - \left[\left(r_f \frac{S}{P} + r_f k \right) (1-t_i) \right] \rightarrow (21a)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} + [\beta_u(1-t_u)(r_m-r_f)] - r_f \frac{S}{P}(1-t_i) - r_f k(1-t_i) \rightarrow (22a)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} + [\beta_u(1-t_u)(r_m-r_f)] - r_f \frac{S}{P} + r_f \frac{S}{P} t_i - r_f k(1-t_i) \\ \rightarrow (23)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = [\beta_u(1-t_u)(r_m-r_f)] + r_f \frac{S}{P} t_i - r_f k(1-t_i) \rightarrow (24a)$$

وبإعادة ترتيب المعادلة السابقة:

$$E(r_u)(1-t_u) = -r_f k(1-t_i) + [\beta_u(r_m-r_f)(1-t_u)] + r_f \frac{S}{P} t_i \rightarrow (25a)$$

ثم بقسمة الطرفين على $(1-t_u)$ نجد أن معدل العائد التوازني من النشاط الاكثابي في شركة التأمين،

وفقا لنموذج CAPM ثنائي العزوم، كما يلي:

$$E(r_u) = -r_f k \frac{(1-t_i)}{(1-t_u)} + [\beta_u(r_m-r_f)] + r_f \frac{S}{P} \frac{t_i}{(1-t_u)} \rightarrow (26a)$$

تسمى الصيغة الأخيرة (26a) بنموذج MOMENT INSURANCE CAPM - 2 في حالة فرض ضرائب

على كل من الدخل من النشاط الاكثابي والدخل من النشاط الاستثماري في شركة التأمين. وبالتالي طبقا لهذا

النموذج سيكون هامش ربح الاكثاب في شركة التأمين دالة في كل من:

(أ) معامل بيتا للاكثاب (β_u) . (ب) معدل العائد الخالي من المخاطر (r_f) .

(ج) قسط خطر السوق $[r_m - r_f]$ (القيمة المتوقعة للفرق بين معدل العائد على محفظة السوق ومعدل

العائد الخالي من المخاطر).

(د) معامل توليد الأموال (k) . (هـ) معدل الضريبة على الدخل من الاستثمار (t_i) .

(و) معدل الضريبة على الدخل من النشاط الاكثابي (t_u) .

(ز) حقوق الملكية (S) . (ح) إجمالي الأقساط المتوقعة (P) .

ملحوظة: يتم حساب معامل بيتا للاكثاب (β_u) من العلاقة التالية:

$$\beta_u = \frac{Cov(R_u, R_m)}{\sigma_{R_m}^2} = \frac{E([R_u - E(R_u)][R_m - E(R_m)])}{E([R_m - E(R_m)]^2)}$$

حيث:

$Cov(R_u, R_m)$: التباين بين معدل عائد الاككتاب ومعدل عائد السوق. $\sigma_{R_m}^2$: تباين عائد محفظة

السوق.

ويتم تقدير معامل بيتا من خلال نموذج الانحدار البسيط التالي⁽¹²⁾:

$$R_u = \beta_0 + \beta_u R_m + \varepsilon$$

الحالة الثانية: نموذج تسعير الأصول الرأسمالية التأمينية ثلاثي العزوم Three - MOMENT INSURANCE CAPM لتحديد هامش ربح الاككتاب في حالة وجود ضرائب على كل من الدخل من الاككتاب والدخل من الاستثمار:

هنا يتم الاعتماد على نفس النموذج المحاسبي لمعدل العائد على حقوق الملكية في شركة التأمين في حالة وجود ضرائب على الدخل من النشاط الاككتابي وضرائب على الدخل من النشاط الاستثماري - من المعادلة (7a). أما النموذج المالي التوازني وهو نموذج تسعير الأصول الرأسمالية ثلاثي العزوم Three - MOMENT CAPM الذي يتم الاعتماد عليه في حساب العائد المتوقع على معدل العائد على حقوق الملكية ومعدل العائد على الاستثمار في حالة التواء التوزيع الاحتمالي لمعدل عائد لمحفظه السوق. حيث يتم الأخذ في الاعتبار العزم الثالث لعوائد محفظة السوق كمصدر من مصادر الخطر المنتظمة لكل من معدل العائد من محفظة الاستثمار ومعدل العائد على حقوق الملكية كما يلي:

$$E(r_e) = r_f + \beta_e (r_m - r_f) + \gamma_e (r_m - E(r_m))^2 \dots \dots \dots (8b)$$

$$E(r_i) = r_f + \beta_i (r_m - r_f) + \gamma_i (r_m - E(r_m))^2 \dots \dots \dots (9b)$$

حيث:

β_i : معامل بيتا للإستثمار.

β_e : معامل بيتا لحقوق الملكية.

γ_i : معامل جاما للإستثمار.

γ_e : معامل جاما لحقوق الملكية.

r_f : معدل العائد الخالي من المخاطر.

r_m : معدل على العائد على محفظة السوق (سوق الأوراق المالية).

لتسهيل عملية الاشتقاق سيتم استبدال $(r_m - r_f)$ بـ (b_1) ، كذلك استبدال $(r_m - E(r_m))^2$ بـ (b_2) .

وبالتالي يتم إعادة كتابة المعادلتين السابقتين على النحو التالي:

$$E(r_e) = r_f + \beta_e b_1 + \gamma_e b_2 \dots \dots \dots (10b)$$

$$E(r_i) = r_f + \beta_i b_1 + \gamma_i b_2 \dots \dots \dots (11b)$$

بمساواة المعادلة (10b) بالمعادلة (7a) نحصل على:

$$\frac{E(r_u)P(1-t_u)}{S} + \frac{E(r_i)(S+kP)(1-t_i)}{S} = r_f + \beta_e b_1 + \gamma_e b_2 \dots (12b)$$

وبما أن كل من معامل بيتا ومعامل جاما مشغل خطي Linear Operator ، إذا :

$$\beta_e = \frac{\beta_u P(1-t_u)}{S} + \frac{\beta_i (S+kP)(1-t_i)}{S} \dots (13b)$$

$$\gamma_e = \frac{\gamma_u P(1-t_u)}{S} + \frac{\gamma_i (S+kP)(1-t_i)}{S} \dots (14b)$$

ثم بالتعويض عن كل من: معامل Beta ومعامل Gamma ، من المعادلة (13b) و (14b) ، وعن معدل العائد

على محفظة استثمار شركة التأمين $E(r_i)$ من المعادلة (11b) ، في المعادلة (12b) ، نحصل على:

$$\begin{aligned} & \frac{E(r_u)P(1-t_u)}{S} + \frac{(r_f + \beta_i b_1 + \gamma_i b_2)(S+kP)(1-t_i)}{S} = \\ & r_f + \left\{ \left[\frac{\beta_u P(1-t_u)}{S} + \frac{\beta_i (S+kP)(1-t_i)}{S} \right] b_1 \right\} + \\ & \left\{ \left[\frac{\gamma_u P(1-t_u)}{S} + \frac{\gamma_i (S+kP)(1-t_i)}{S} \right] b_2 \right\} \dots (15b) \end{aligned}$$

في الطرف الأيمن من المعادلة (15 b):

$$RHS = r_f + \frac{\beta_u b_1 P(1-t_u)}{S} + \frac{\beta_i b_1 (S+kP)(1-t_i)}{S} + \frac{\gamma_u b_2 P(1-t_u)}{S} + \frac{\gamma_i b_2 (S+kP)(1-t_i)}{S}$$

$$RHS = r_f + \frac{P(1-t_u)(\beta_u b_1 + \gamma_u b_2)}{S} + \frac{(S+kP)(1-t_i)(\beta_i b_1 + \gamma_i b_2)}{S}$$

إذا ،

$$\begin{aligned} & \frac{E(r_u)P(1-t_u)}{S} + \frac{(r_f + \beta_i b_1 + \gamma_i b_2)(S+kP)(1-t_i)}{S} = \\ & r_f + \frac{P(1-t_u)(\beta_u b_1 + \gamma_u b_2)}{S} + \frac{(S+kP)(1-t_i)(\beta_i b_1 + \gamma_i b_2)}{S} \dots (16b) \end{aligned}$$

بضرب طرفي المعادلة السابقة في حقوق الملكية (S) ، نحصل على:

$$\begin{aligned} & E(r_u)P(1-t_u) + (r_f + \beta_i b_1 + \gamma_i b_2)(S+kP)(1-t_i) = \\ & r_f S + P(1-t_u)(\beta_u b_1 + \gamma_u b_2) + (S+kP)(1-t_i)(\beta_i b_1 + \gamma_i b_2) \dots (17b) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & E(r_u)P(1-t_u) + (r_f)(S+kP)(1-t_i) + (\beta_i b_1 + \gamma_i b_2)(S+kP)(1-t_i) = \\ & r_f S + P(1-t_u)(\beta_u b_1 + \gamma_u b_2) + (S+kP)(1-t_i)(\beta_i b_1 + \gamma_i b_2) \dots (18b) \end{aligned}$$

$$E(r_u)P(1-t_u) + (r_f)(S+kP)(1-t_i) = r_f S + P(1-t_u)(\beta_u b_1 + \gamma_u b_2) \dots (19b)$$

$$E(r_u)P(1-t_u) = r_f S + P(1-t_u)(\beta_u b_1 + \gamma_u b_2) - (r_f)(S+kP)(1-t_i) \dots (20b)$$

بقسمة الطرفين على إجمالي الأقساط المكتتبة في شركة التأمين (P) ، نحصل على:

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} + (1-t_u)(\beta_u b_1 + \gamma_u b_2) - \left(\frac{r_f}{P}\right)(S+kP)(1-t_i) \dots (21b)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) - \left(\frac{r_f}{P}\right)(S+kP)(1-t_i) \dots (22b)$$

بإعادة ترتيب الطرف الأيمن للمعادلة (22 b):

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} - \left(\frac{r_f}{P}\right)(S+kP)(1-t_i) + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) \dots (23b)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} - r_f \frac{S}{P} \left(1+k \frac{P}{S}\right)(1-t_i) + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) \dots (24b)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} \left(1 - \left(1+k \frac{P}{S}\right)(1-t_i)\right) + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) \dots (25b)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} \left(1 - (1-t_i + k \frac{P}{S} - k \frac{P}{S} t_i)\right) + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) \dots (26b)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} \left(1 - 1 + t_i - k \frac{P}{S} + k \frac{P}{S} t_i\right) + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) \dots (27b)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} \left(t_i - k \frac{P}{S} + k \frac{P}{S} t_i\right) + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) \dots (28b)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} t_i - r_f k + r_f k t_i + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) \dots (29b)$$

$$E(r_u)(1-t_u) = r_f \frac{S}{P} t_i - r_f k(1-t_i) + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) \dots (30b)$$

بإعادة ترتيب المعادلة (30b):

$$E(r_u)(1-t_u) = -r_f k(1-t_i) + r_f \frac{S}{P} t_i + (1-t_u)(\beta_u b_1) + (1-t_u)(\gamma_u b_2) \dots (31b)$$

ثم باستبدال (b_1) بـ $(r_m - r_f)$ ، واستبدال (b_2) بـ $(r_m - E(r_m))^2$ ، مرة أخرى:

$$E(r_u)(1-t_u) = -r_f k(1-t_i) + r_f \frac{S}{P} t_i + [\beta_u (r_m - r_f)](1-t_u) + [\gamma_u (r_m - E(r_m))^2](1-t_u) \dots (32b)$$

بقسمة الطرفين على $(1-t_u)$ ، يكون معدل العائد التوازني من النشاط الاكتتابي في شركة التأمين،

وفقا لنموذج Insurance CAPM ثلاثي العزوم، على الشكل التالي:

$$E(r_u) = \left[-r_f k \frac{(1-t_i)}{(1-t_u)} \right] + \left[r_f \frac{S}{P} \frac{t_i}{(1-t_u)} \right] + [\beta_u (r_m - r_f)] + [\gamma_u (r_m - E(r_m))^2] \dots (33b)$$

يتضح من نموذج (3 - MOMENT INSURANCE CAPM) المستخدم في حساب هامش ربح الاكتتاب

في شركات التأمين في حالة وجود ضرائب على كل من الدخل من الاستثمار والنشاط الاكتتابي، فإن معدل

العائد من النشاط الاكتتابي لشركة التأمين دالة في كل من:

(أ) معامل بيتا للاكتتاب (β_u) . (ب) معامل جاما للاكتتاب (γ_u) . (ج) معدل العائد الخالي من المخاطر (r_f) .

(د) قسط خطر السوق $[r_m - r_f]$ (القيمة المتوقعة للفرق بين معدل العائد على محفظة السوق ومعدل العائد الخالي من المخاطر).

(هـ) قسط خطر الالتواء $(r_m - E(r_m))^2$ (القيمة المتوقعة لمربع الفرق بين معدل عائد محفظة السوق والقيمة المتوقعة له).

(و) معامل توليد الأموال (k). (ز) معدل الضريبة على الدخل من الاستثمار (t_i).

(ح) معدل الضريبة على الدخل من النشاط الاككتابي (t_u).

ملحوظة: يتم حساب معامل جاما للاككتاب (γ_u) من العلاقة التالية:

$$\gamma_u = \frac{\tau(R_u, R_m, R_m)}{\tau_{Rm}^3} = \frac{E[(R_u - E(R_u))][R_m - E(R_m)]}{E[(R_m - E(R_m))^2]}$$

حيث:

$\tau(R_u, R_m, R_m)$: الالتواء المشترك Coskewness. τ_{Rm}^3 : العزم الثالث لعائد محفظة السوق.

ويتم تقدير معامل جاما من خلال نموذج الانحدار المتعدد التالي⁽¹³⁾:

$$Ru = \beta_0 + \beta_u R_m + \gamma_u R_m^2 + \varepsilon$$

الحالة الثالثة: نموذج تسعير الأصول الرأسمالية التأميني ثنائي العزوم Two - MOMENT INSURANCE

CAPM لتحديد هامش ربح الاككتاب في حالة وجود ضريبة موحدة على أرباح شركة التأمين:

لم تتناول الدراسات السابقة الحالة الخاصة بالضريبة العامة (الضريبة الموحدة) على دخل شركة التأمين، بدلا من أن يكون هناك معدل ضريبة للدخل من الاستثمار يختلف عن معدل الضريبة للدخل من النشاط الاككتابي. وهي الحالة التي سيجادل الباحث الوصول لشكل نموذج تسعير الأصول الرأسمالية التأميني (Insurance CAPM) في الحالتين في حالة افتراض التوزيع الاحتمالي لمعدل عائد محفظة السوق معتدلا، وفي حالة أن يكون التوزيع الاحتمالي ملتويا. ومما هو جدير بالذكر أن الحالة التي يكون فيها معدل الضريبة موحدا يمثل الحالة المصرية حيث أنه لا يوجد ضرائب على الدخل من النشاط الاستثماري فهي معفاة من الضرائب، كذلك لا يوجد ضرائب على الدخل من النشاط الاككتابي، وقد يخلط البعض بين الدمغة النسبية والضريبة. وقد حدد قانون الضريبة على أرباح شركات الأموال 91 لسنة 2005 ضريبة أرباح الشركات بـ 20٪، بعد أن كانت 40٪ في القانون السابق، وتم تطبيق هذا القانون ابتداء من 2006/2005⁽¹⁴⁾.

بفرض أن الضريبة العامة الموحدة على الدخل (t_x)، بالتالي يكون صافي الدخل في شركة التأمين بعد

الأخذ في الاعتبار الضريبة على كل من الدخل من الاستثمار والدخل من النشاط الاككتابي، كما يلي:

$$Q = r_u P(1-t_x) + r_i (S + kP)(1-t_x) \rightarrow (5c)$$

حيث:

t_x : معدل الضريبة الموحدة على الدخل.

ثم بقسمة طرفي المعادلة (5c) على حقوق الملكية (S)، نحصل على العائد على حقوق الملكية (r_e)،

كما يلي:

$$r_e = \frac{Q}{S} = \frac{r_u P(1-t_x)}{S} + \frac{r_i (S + kP)(1-t_x)}{S} \rightarrow (6c)$$

وبحساب التوقع Expectation لطرفي المعادلة رقم (6c)، نجد أن:

$$E(r_e) = \frac{E(r_u) P(1-t_x)}{S} + \frac{E(r_i)(S + kP)(1-t_x)}{S} \rightarrow (7c)$$

ثم بمساواة المعادلة (8a) بالمعادلة (7c):

$$\frac{E(r_u)P(1-t_x)}{S} + \frac{E(r_i)(S+kP)(1-t_x)}{S} = r_f + \beta_e (r_m - r_f) \rightarrow (8c)$$

وبما أن معامل بيتا هو مشغل خطي Linear Operator ، ومن المعادلة (5c) و(7c) ، إذا:

$$\beta_e = \frac{\beta_u P(1-t_x)}{S} + \frac{\beta_i (S+kP)(1-t_x)}{S} \rightarrow (9c)$$

ثم بالتعويض من المعادلة (9c) عن (β_e) في المعادلة (8c):

$$\frac{E(r_u)P(1-t_x)}{S} + \frac{E(r_i)(S+kP)(1-t_x)}{S} = r_f + \left\{ \left[\frac{\beta_u P(1-t_x)}{S} + \frac{\beta_i (S+kP)(1-t_x)}{S} \right] (r_m - r_f) \right\} \rightarrow (10c)$$

وبضرب طرفي المعادلة (10c) في حقوق الملكية (S) ، نحصل على:

$$E(r_u)P(1-t_x) + E(r_i)(S+kP)(1-t_x) = r_f S + \left\{ [\beta_u P(1-t_x) + \beta_i (S+kP)(1-t_x)] (r_m - r_f) \right\} \rightarrow (11c)$$

بالتعويض عن معدل العائد المتوقع على محفظة الاستثمار $(E(r_i))$ من المعادلة (9a) في المعادلة (11c):

$$E(r_u)P(1-t_x) + (r_f + \beta_i (r_m - r_f))(S+kP)(1-t_x) = r_f S + [\beta_u P(1-t_x) + \beta_i (S+kP)(1-t_x)](r_m - r_f) \rightarrow (12c)$$

بإعادة ترتيب المعادلة (12c) للطرف الأيسر:

$$E(r_u)P(1-t_x) + (r_f + \beta_i (r_m - r_f))(S+kP)(1-t_x) = r_f S + [\beta_u P(1-t_x)(r_m - r_f)] + [\beta_i (S+kP)(1-t_x)(r_m - r_f)] \rightarrow (13c)$$

بإعادة ترتيب المعادلة (13c) للطرف الأيمن:

$$E(r_u)P(1-t_x) + [r_f (S+kP)(1-t_x)] + [\beta_i (r_m - r_f)(S+kP)(1-t_x)] = r_f S + [\beta_u P(1-t_x)(r_m - r_f)] + [\beta_i (S+kP)(1-t_x)(r_m - r_f)] \rightarrow (14c)$$

بإعادة ترتيب المعادلة (14c):

$$E(r_u)P(1-t_x) + [r_f (S+kP)(1-t_x)] = r_f S + [\beta_u P(1-t_x)(r_m - r_f)] + [\beta_i (S+kP)(1-t_x)(r_m - r_f)] - [\beta_i (r_m - r_f)(S+kP)(1-t_x)] \rightarrow (15c)$$

$$E(r_u)P(1-t_x) + [r_f (S+kP)(1-t_x)] = r_f S + [\beta_u P(1-t_x)(r_m - r_f)] \rightarrow (16c)$$

$$E(r_u)P(1-t_x) = r_f S + [\beta_u P(1-t_x)(r_m - r_f)] - [r_f (S+kP)(1-t_x)] \rightarrow (17c)$$

بقسمة الطرفين على إجمالي الأقساط المكتتبة (P) ، نحصل على:

$$E(r_u) (1-t_x) = r_f \frac{S}{P} + [\beta_u (1-t_x)(r_m - r_f)] - \left[\frac{r_f}{P} (S+kP)(1-t_x) \right] \rightarrow (18c)$$

بأخذ $(1-t_x)$ عامل مشترك:

$$E(r_u) = \frac{r_f S}{(1-t_x)P} + [\beta_u (r_m - r_f)] - \left[\frac{r_f S}{P} + r_f k \right] \dots (19c)$$

$$E(r_u) = \frac{r_f S}{(1-t_x)P} + [\beta_u (r_m - r_f)] - r_f \frac{S}{P} - r_f k \dots (20c)$$

$$E(r_u) = r_f \frac{S}{P} \left(\frac{1}{1-t_x} - 1 \right) + [\beta_u (r_m - r_f)] - r_f k \dots (21c)$$

$$E(r_u) = r_f \frac{S}{P} \left(\frac{t_x}{1-t_x} \right) + [\beta_u (r_m - r_f)] - r_f k \dots (22c)$$

بإعادة ترتيب المعادل السابقة، فإن معدل العائد التوازني من النشاط الاككتابي في شركة التأمين، وفقا

لنموذج CAPM ثنائي العزوم، يحسب كما يلي:

$$E(r_u) = -r_f k + [\beta_u (r_m - r_f)] + r_f \frac{S}{P} \left(\frac{t_x}{1-t_x} \right) \dots (23c)$$

يرى الباحث هنا أنه يمكن الوصول إلى نفس النموذج بطريقة مختصرة من خلال استبدال كل من (t_u)

و (t_i) من النموذج للنموذج ثنائي العزوم في حالة وجود ضرائب على الدخل من الاككتاب والدخل من الاستثمار بـ (t_x) ، كما يلي:

النموذج في حالة الضريبة على الدخل من الاستثمار والدخل من النشاط الاككتابي:

$$E(r_u) = -r_f k \left(\frac{1-t_i}{1-t_u} \right) + [\beta_u (r_m - r_f)] + r_f \frac{S}{P} \left(\frac{t_i}{1-t_u} \right)$$

النموذج في حالة الضريبة الموحدة على الدخل في شركة التأمين:

$$E(r_u) = -r_f k + [\beta_u (r_m - r_f)] + r_f \frac{S}{P} \left(\frac{t_x}{1-t_x} \right)$$

هو نفس النموذج الذي توصلنا في المعادلة (23c). وبناء على هذه النتيجة سوف يقوم الباحث بالاعتماد على

الطريقة المختصرة في إيجاد هامش ربح الاككتاب التوازني للنموذج الرابع وهو نموذج Three - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة الضريبة الموحدة، وذلك بعد الاطمئنان إلى عمومية العلاقة.

الحالة الرابعة: نموذج تسعير الأصول الرأسمالية التأميني ثلاثي العزوم Three - MOMENT INSURANCE

CAPM لتحديد هامش ربح الاككتاب في حالة وجود ضريبة موحدة على أرباح شركة التأمين:

بالاعتماد على الطريقة المختصرة، يتم استبدال كل من (t_u) و (t_i) في نموذج تسعير الأصول الرأسمالية

التأميني ثلاثي العزوم Three - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة وجود ضريبة على الدخل من الاستثمار والدخل من النشاط الاككتابي - (t_x) ، كما يلي:

النموذج في حالة الضريبة على الدخل من الاستثمار والدخل من النشاط الاككتابي:

$$E(r_u) = \left[-r_f k \left(\frac{1-t_i}{1-t_u} \right) + \left[r_f \frac{S}{P} \left(\frac{t_i}{1-t_u} \right) + [\beta_u (r_m - r_f)] + [\gamma_u (r_m - E(r_m))]^2 \right] \right]$$

النموذج في حالة الضريبة الموحدة على الدخل في شركة التأمين:

$$E(r_u) = \left[-r_f k + \left[r_f \frac{S}{P} \left(\frac{t_x}{1-t_x} \right) + [\beta_u (r_m - r_f)] + [\gamma_u (r_m - E(r_m))]^2 \right] \right]$$

ويود أن يشير الباحث هنا أنه بالاعتماد على الطريقة المختصرة يمكن الوصول إلى نفس نموذج

Insurance-CAPM ثنائي وثلاثي العزوم في حالة عدم وجود ضرائب من النماذج الأربعة السابقة، من خلال

افتراض أن معدل الضريبة سواء على الدخل من النشاط الاككتابي أو الدخل من النشاط الاستثماري أو معدل

الطريقة الموحد يساوي الصفر، حسب معدل الضريبة المستخدم في النموذج، كما يلي:

* نموذج Two - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة عدم وجود ضرائب:

(1) في حالة نموذج Two - MOMENT INSURANCE CAPM مع وجود ضريبة على الدخل من النشاط الاستثماري والدخل من النشاط الاكتتابي التالي، نفترض أن معدل الضريبة على الدخل من النشاط الاكتتابي ومعدل الضريبة على الدخل من النشاط الاستثماري مساويا للصفر:

$$E(r_u) = -r_f k \frac{(1-t_i)}{(1-t_u)} + [\beta_u (r_m - r_f)] + r_f \frac{S}{P} \frac{t_i}{(1-t_u)}$$

فإننا نحصل على نموذج Two - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة عدم وجود ضرائب التالي:

$$E(r_u) = -r_f k + [\beta_u (r_m - r_f)]$$

(2) في حالة نموذج Two - MOMENT INSURANCE CAPM مع وجود ضريبة موحدة على الدخل في

شركة التأمين التالي، نفترض أن معدل الضريبة الموحدة يساوي الصفر:

$$E(r_u) = -r_f k + [\beta_u (r_m - r_f)] + r_f \frac{S}{P} \left(\frac{t_x}{1-t_x} \right)$$

فإننا نحصل على نموذج Two - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة عدم وجود ضرائب:

$$E(r_u) = -r_f k + [\beta_u (r_m - r_f)]$$

يلاحظ هنا أنها نفس النتيجة التي وصلنا إليها من النموذج السابق.

* نموذج Three - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة عدم وجود ضرائب:

(1) في حالة نموذج Three - MOMENT INSURANCE CAPM مع وجود ضريبة على الدخل من النشاط الاستثماري والدخل من النشاط الاكتتابي التالي، نفترض أن معدل الضريبة على الدخل من النشاط الاكتتابي ومعدل الضريبة على الدخل من النشاط الاستثماري مساويا للصفر:

$$E(r_u) = \left[-r_f k \frac{(1-t_i)}{(1-t_u)} \right] + \left[r_f \frac{S}{P} \frac{t_i}{(1-t_u)} \right] + [\beta_u (r_m - r_f)] + [\gamma_u (r_m - E(r_m))^2]$$

فإننا نحصل على نموذج Three - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة عدم وجود ضريبة، كما يلي:

$$E(r_u) = -r_f k + \beta_u (r_m - r_f) + \gamma_u (r_m - E(r_m))^2$$

(2) في حالة نموذج Three - MOMENT INSURANCE CAPM مع وجود ضريبة موحدة على الدخل،

نفترض أن معدل الضريبة الموحدة على الدخل في شركة التأمين يساوي صفر:

$$E(r_u) = [-r_f k] + \left[r_f \frac{S}{P} \frac{t_x}{(1-t_x)} \right] + [\beta_u (r_m - r_f)] + [\gamma_u (r_m - E(r_m))^2] \dots \dots \dots (33d)$$

فإننا نحصل على نموذج Three - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة عدم وجود ضريبة، كما

يلي:

$$E(r_u) = -r_f k + \beta_u (r_m - r_f) + \gamma_u (r_m - E(r_m))^2 \rightarrow (34d)$$

يلاحظ هنا أنها نفس النتيجة التي وصلنا إليها من النموذج السابق.

II - النتائج ومناقشتها:

سوف يتم تطبيق نموذج (Insurance-CAPM) لحساب هامش ربح الاكتتاب في شركات التأمين بالتطبيق على بيانات إحدى شركات التأمين القطاع الخاص العاملة في سوق التأمين المصرية التي يتداول أسهمها في بورصة الأوراق المالية في مصر. وهنا سوف يتم الاعتماد على بيانات لسلسلة زمنية (24 مشاهدة) لبيانات ربع سنوية خلال الفترة من 2012 إلى 2017 وهي أقصى مدة استطاع الباحث الحصول على بيانات عنها. ومما هو جدير بالذكر أن الباحث قد واجه مشكلة في الحصول على البيانات الخاصة بعدد من المتغيرات، إما لعدم توافرها نظرا لأن شركات التأمين لا تقوم بحساب هذا النوع من البيانات مثل معامل توليد الأموال (k) أو أن شركات التأمين تقوم بحسابه ولكن لمدى زمني يختلف عن المدى الزمني الذي يحتاج إليه الباحث فعلي سبيل المثال رفضت شركات التأمين إعطاء بيان بمعدل العائد من النشاط الاكتتابي، والأقساط الربع سنوية حيث أن البيانات المتوافرة والمنشورة عن هذه المتغيرات هي بيانات سنوية، كما رفضت أيضا السماح للباحث بتجميع هذه البيانات من واقع الملفات أو السجلات الخاصة بالشركة، باعتبار أنها بيانات داخلية تخص الشركة وغير مصرح لأحد الاطلاع عليها. ومن أجل التغلب على هذه المشكلة قام الباحث بما يلي: بالنسبة للمعدل العائد من النشاط الاكتتابي والأقساط ربع السنوية قام الباحث بتحويل البيانات السنوية إلى بيانات ربع سنوية بافتراض أنها موزعة بانتظام على مدار العام ثم من خلال توليد بيانات عشوائية لأربع مشاهدات ربع سنوية تتبع توزيع احتمالي معين (التوزيع الطبيعي) وتوقع هذه المشاهدات الأربعة يساوي ربع العائد من النشاط الاكتتابي. أما بالنسبة لمعامل توليد الأموال فقط افترض الباحث أن المطالبات موزعة بانتظام خلال ربع السنة وبالتالي يكون معامل توليد الأموال سيكون 0.5.

ولاختبار مدى اعتدالية التوزيع الاحتمالي لمعدل عائد محفظة السوق (محفظة سوق الأوراق المالية في مصر)، تم الاعتماد على اختبار Anderson-Darling، باستخدام حزم البرامج الإحصائية Minitab، وذلك لاختبار الفرض العدمي (H_0) القائل بأن معدلات عائد محفظة السوق تتبع التوزيع الطبيعي، مقابل الفرض البديل (H_1) القائل بأن معدلات عائد محفظة السوق لا تتبع التوزيع الطبيعي. يلاحظ من نتائج التحليل الإحصائي الموضحة بالجدول رقم (1) بالملاحق - أن قيمة (P.Value=0.086) وبالتالي لا يمكننا رفض الفرض العدمي بأن البيانات تتبع التوزيع الطبيعي عند مستويات المعنوية المختارة (1% و 5%). في حين أننا يمكننا رفض الفرض العدمي عند مستوى المعنوية 10%، وبالتالي فهي لا تتبع التوزيع الطبيعي عند هذا المستوى.

- هامش ربح الاكتتاب في حالة افتراض اعتدالية التوزيع الاحتمالي لعائد محفظة السوق:

في هذه الحالة يتم الاعتماد على نموذج Two - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة الضريبة

الموحدة التالي:

$$E(r_u) = -r_f k + [\beta_u (r_m - r_f)] + r_f \frac{S}{P} \frac{t_x}{(1-t_x)}$$

متغيرات النموذج:

(أ) معامل بيتا للاكتتاب (β_u): يتم حسابه من العلاقة التالية:

$$\beta_u = \frac{Cov(R_u, R_m)}{\sigma_{Rm}^2} = \frac{E([R_u - E(R_u)][R_m - E(R_m)])}{E([R_m - E(R_m)]^2)}$$

حيث:

$Cov(R_u, R_m)$: التباين بين معدل عائد الاككتاب ومعدل عائد محفظة السوق. σ_{Rm}^2 : تباين عائد محفظة السوق.

وقد وجد أن قيمة معامل بيتا للاككتاب في شركة التأمين محل الدراسة يساوي 0.7482 ، فيما يتعلق بمعنوية نموذج الانحدار الخطي ومعنوية معاملات الانحدار للنموذج التالي⁽¹⁵⁾:

$$R_u = \beta_0 + \beta_u R_m + \varepsilon$$

♦ فقد تم تقدير معاملات معادلة الانحدار السابقة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية (OLS) بالاعتماد على حزم البرامج الإحصائية SPSS. وكما هو موضح من جدول تحليل التباين ANOVA – الجدول رقم (2) بالملاحق – أن قيمة P.Value للمعنوية الكلية لنموذج الانحدار الخطي كانت 0.073 لاختبار (F)، وبالتالي فإن نموذج الانحدار الخطي هو نموذج معنوي عند مستوى معنوية 10% وغير معنوي عند مستويات المعنوية (5% و 1%)، أما بالنسبة للمعنوية الجزئية لمعاملات الانحدار باستخدام اختبار (T) – من الجدول رقم (3) بالملاحق – نجد أن قيمة P.Value لمعامل بيتا في نموذج الانحدار الخطي كانت 0.070 وهي معنوية عند مستوى معنوية 10%، وغير معنوي عند مستويات المعنوية (5% و 1%).

♦ معدل العائد الربع سنوي الخالي من المخاطر (r_f): من نتائج التحليل الإحصائي بالملاحق، نجد أن القيمة المتوقعة لهذا المتغير تساوي 0.033.

♦ قسط خطر السوق ($r_m - r_f$): هنا تم حساب متوسط الفرق بين معدل عائد محفظة السوق ومعدل العائد الخالي من المخاطر خلال فترة الدراسة، وقد وجد أنه يساوي 0.052808.

♦ معامل توليد الأموال (K): كما سبق الإشارة إليه، أن معامل توليد الأموال يساوي 0.5 فترة ربع سنوية.

♦ معدل الضريبة الموحد (t_x): ضريبة أرباح الشركات وفقا لقانون الضريبة على أرباح شركات الأموال 91 لسنة 2005 هي 20%، بعد أن كانت 40% في القانون السابق. وتم تطبيق هذا القانون ابتداء من 2006/2005⁽¹⁶⁾.

♦ حقوق الملكية (S): تم تخصيص حقوق الملكية لفرع الحريق على أساس متوسط حاصل ضرب نسبة الأقساط المكتتبه للفرع إلى إجمالي الأقساط المكتتبه لجميع الفروع في حقوق المساهمين خلال فترة الدراسة. ثم بقسمة الناتج على 4 لأن توظيف أو استخدام حقوق المساهمين سيكون لربع سنة فقط. وبالتالي يكون حقوق الملكية المخصصة لفرع الحريق = 0.257504×52.52084 مليون = 13.52412 مليون.

♦ إجمالي الأقساط المتوقعة الربع سنوية (P): من نتائج التحليل الإحصائي بالملاحق، نجد أن القيمة المتوقعة لهذا المتغير تساوي 11.3914 مليون جنيه.

وبالتعويض عن قيم هذه المتغيرات في نموذج Two - MOMENT INSURANCE CAPM نجد أن هامش ربح الاككتاب التوازني لمحفظة اكتتابات شركة التأمين محل الدراسة خلال ربع السنة التالي (وهو الربع الأول من عام 2017-2018) يساوي - 0.0029 أي - 0.29%. ومما هو جدير بالذكر هنا أن القيمة السالبة لهامش ربح

الاككتاب تعني أن عائد محفظة الاستثمار بشركة التأمين سيكون كافيا لتغطية تكلفة حقوق الملكية والضرائب المستحقة على شركة التأمين وبزيادة قدرها 0.29٪، مما يعني أنه يمكن تخفيض الأقساط المطلوب تحصيلها بنفس النسبة.

- هامش ربح الاككتاب في حالة افتراض عدم اعتدالية التوزيع الاحتمالي لعائد محفظة السوق:

كما سبق الإشارة إليه أنه في حالة عدم اعتدالية التوزيع الاحتمالي لعائد محفظة السوق، يتم تطبيق

نموذج Three - MOMENT INSURANCE CAPM في حالة الضريبة الموحدة على الدخل في شركة التأمين:

$$E(r_u) = [-r_f k] + \left[r_f \frac{S}{P} \frac{t_x}{(1-t_x)} \right] + [\beta_u (r_m - r_f)] + [\gamma_u (r_m - E(r_m))^2]$$

يلاحظ هنا أن متغيرات النموذج، تتمثل في:

(أ) معامل بيتا للاككتاب (β_u): يتم حسابه من العلاقة التالية:

$$\beta_u = \frac{Cov(R_u, R_m)}{\sigma_{R_m}^2} = \frac{E([R_u - E(R_u)][R_m - E(R_m)])}{E([R_m - E(R_m)]^2)}$$

حيث:

$Cov(R_u, R_m)$: التباين بين معدل عائد الاككتاب ومعدل عائد محفظة السوق.

$\sigma_{R_m}^2$: تباين عائد محفظة السوق.

وقد كان قيمة معامل بيتا للاككتاب في شركة التأمين محل الدراسة يساوي (1.00366).

(ب) معامل جاما للاككتاب (γ_u): يتم حسابه من العلاقة التالية:

$$\gamma_u = \frac{\tau(R_u, R_m, R_m)}{\tau_{R_m}^3} = \frac{E([R_u - E(R_u)][R_m - E(R_m)]^2)}{E([R_m - E(R_m)]^3)}$$

حيث:

$\tau(R_u, R_m, R_m)$: الالتواء المشترك Coskewness.

$\tau_{R_m}^3$: العزم الثالث لعائد محفظة السوق.

وقد أن قيمة معامل جاما للاككتاب في شركة التأمين محل الدراسة يساوي (0.62834-).

وقد تم تقدير معاملي بيتا وجاما للاككتاب من خلال نموذج الانحدار المتعدد التالي⁽¹⁷⁾:

$$R_u = \beta_0 + \beta_u R_m + \gamma_u R_m^2 + \varepsilon$$

وقد تم تقدير معاملات معادلة الانحدار السابقة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية (OLS)

بالاعتماد على حزم البرامج الإحصائية SPSS. وكما هو موضح من جدول تحليل التباين ANOVA - الجدول رقم

(4) بالملاحق - أن قيمة P.Value للمعنوية الكلية لنموذج الانحدار الخطي كانت 0.082578 باستخدام اختبار

(F)، وبالتالي فإن نموذج الانحدار الخطي هو نموذج معنوي عند مستوى المعنوية 10٪ وغير معنوي عند مستويات

المعنوية (1٪ و 5٪)، أما بالنسبة للمعنوية الجزئية لمعاملات الانحدار باستخدام اختبار (T) - الجدول رقم (5)

بالملاحق - أن قيمة P.Value لمعامل بيتا في نموذج الانحدار الخطي كانت 0.11954 وهي غير معنوية عند

مستويات المعنوية (1% و 5% و 10%)، وأيضا كانت قيمة P.Value لمعامل جاما 0.63347 وهي أيضا غير معنوية عند مستويات المعنوية 10% و 5% و 1%.

(ج) توقع هامش ربح المخاطرة $(r_m - r_f)$ ، كما سبق نجد أنه 0.052808

(د) قسط خطر الائتواء (هامش المخاطرة مقابل الائتواء) $(r_m - E(r_m))^2$ ، نجد أن القيمة المتوقعة له كانت 0.026288. وبالنسبة لباقي المتغيرات فتبقى كما هي في نموذج Two - MOMENT INSURANCE CAPM.

وبالتعويض عن قيم هذه المتغيرات في نموذج نموذج Three - MOMENT INSURANCE CAPM نجد أن هامش ربح الاكتتاب التوازني لمحفظه اكتتابات شركة التأمين محل الدراسة خلال ربع السنة التالي (وهو الربع الأول من عام 2017-2018) يساوي 0.0446 أي 4.46%. غني عن البيان أن هامش ربح الاكتتاب في هذا النموذج على الرغم من أنه أكبر ولكنه أقل اعتمادية بسبب ضعف معنوية معاملات الانحدار للنموذج المقدر للعلاقة بين هامش ربح الاكتتاب ومصادر الخطر المنتظم الخاصة به.

IV - الخلاصة:

إن نموذج تسعير الأصول الرأسمالية ثنائي العزوم (2- Moment Insurance-CAPM) كان أكثر معنوية من ونموذج تسعير الأصول الرأسمالية ثلاثي العزوم (3- Moment Insurance-CAPM) لتحديد معدل العائد على النشاط الاكتتابي لفرع الحريق في شركة المهندس للتأمين. يوصي الباحث بالتوسع في تطبيق النماذج المالية في حل مشاكل التأمين سواء لنفس مشكلة البحث (تحديد هامش ربح الاكتتاب)، أو غيرها من المشاكل مثل: حساب معدل العائد على حقوق الملكية في شركات التأمين أو قياس مخاطر الاكتتاب أو التسعير..... الخ. حتى يمكن الاستفادة من المزايا العديدة التي توفرها هذه النماذج بالمقارنة بالنماذج الإحصائية من حيث الأخذ في الاعتبار علاقات التوازن. كما يوصي الباحث بضرورة توافر بيان خاص بمعامل توليد الأموال لدى شركات التأمين لما له من أهمية في كثير من النماذج المالية التي يتم استخدامها سواء لحساب هامش ربح الاكتتاب أو التسعير.

- ملاحق :

الجدول (1) : نتائج إختبار Anderson-Darling لإعندالية التوزيع الإحتمالي لمعدل عائد محفظة السوق

P.Value	إحصائي الاختبار (AD)	عدد المشاهدات (N)	الانحراف المعياري	المتوسط
*0.086	0.636	24	0.1678	0.08396

*** معنوي عند مستوى معنوية 1%. ** معنوي عند مستوى معنوية 5%. * معنوي عند مستوى معنوية 10%.

المصدر : من إعداد الباحث من مخرجات برنامج Minitab

جدول (2) : جدول تحليل التباين ANOVA لنموذج الإختدار المقدر

P.Value	إحصائي الاختبار (F)	متوسط المربعات	درجات الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
0.027 **	5.591	0.243	1	0.24304	الإختدار
-	-	0.043	22	0.95639	البواقي
-	-	-	23	1.19943	الكلية

*** معنوي عند مستوى معنوية 1%. ** معنوي عند مستوى معنوية 5%. * معنوي عند مستوى معنوية 10%.

المصدر : من إعداد الباحث من مخرجات برنامج SPSS

جدول (3) : معاملات نموذج الإختدار البسيط المقدر

P.Value	إحصائي الاختبار (T)	القيمة المقدرة	نموذج الإختدار
295.	1.073	0.0542	β_0
027.	2.364	0.7482	β_u

*** معنوي عند مستوى معنوية 1%. ** معنوي عند مستوى معنوية 5%. * معنوي عند مستوى معنوية 10%.

المصدر : من إعداد الباحث من مخرجات برنامج SPSS

الجدول (4) : جدول تحليل التباين ANOVA لنموذج الإختدار المقدر

P.Value	إحصائي الاختبار (F)	متوسط المربعات	درجات الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
0.082578	2.815117	0.126794	2	0.253588	الإختدار
-	-	0.04504	21	0.945847	البواقي
-	-	-	23	1.199435	الكلية

*** معنوي عند مستوى معنوية 1%. ** معنوي عند مستوى معنوية 5%. * معنوي عند مستوى معنوية 10%.

المصدر : من إعداد الباحث من مخرجات برنامج SPSS

جدول (5) : معاملات نموذج الإختدار المتعدد المقدر

P.Value	إحصائي الاختبار (T)	القيمة المقدرة	نموذج الإختدار
0.36335	0.9292	0.04884	β_0
0.11954	1.6229	1.00366	β_u
0.63347	-0.4839	-0.62834	γ_u

*** معنوي عند مستوى معنوية 1%. ** معنوي عند مستوى معنوية 5%. * معنوي عند مستوى معنوية 10%.

المصدر : من إعداد الباحث من مخرجات برنامج SPSS

- الإحالات والمراجع :

- 1 Cummins, J. David (Jun., 1991),, Statistical and Financial Models of Insurance Pricing and the Insurance Firm, The Journal of Risk and Insurance, Vol. 58, No. 2 pp. 284-302.
- 2 D'Arcy, Stephen P., and Dyer, Michael A. (1997), "Ratemaking: A Financial Economics Approach," PCAS LXXXI, P.172-183.,
- 3 Quirin, David G. and William R. Waters (1975), "Market Efficiency and the Cost of Capital: The Strange Case of Fire and Casualty Insurance Companies", Journal of Finance 301,PP:432-445
- 4 Fairley, William (Spring 1979), "Investment Income and Profit Margins in Property-Liability Insurance: Theory and Empirical Results," The Bell Journal of Economics, Vol.10, No. 1, pp. 192-210.
- 5 D'Arcy, Stephen P., and James Garven (1990), " Property – Liability Insurance Pricing Model: An Empirical Evaluation", Journal of Risk and Insurance, Vol. LVII, No.3, PP: 295-302.
- 6 Kozik, Thomas J. (1996)," Underwriting betas-The shadows of ghosts", Journal of Insurance: Mathematics and Economics, Nov.1996,Vol.18, No.3, PP:395-398.
- 7 D'Arcy, Stephen P., and Dyer, Michael A.(1997), "Ratemaking: A Financial Economics Approach," PCAS LXXXIV, PP:293-298.
- 8 Cummins, J. David., and Harrington, Scott (1985)," Property – Liability Insurance Rate Regulation Estimation of Underwriting Betas Using Quarterly Profit Data", Journal of Risk and Insurance,52, PP:16-43.
- 9 على السيد الديب -، مروة رفيق حسن (2009)، استخدام نموذج تسعير الأصول الرأسمالية CAPM، في دراسة أثر التغيرات الضريبية على الأقساط وهامش الأرباح الاكتتابية في تأمينات الممتلكات والمسؤوليات بسوق التأمين المصري، مجلة البحوث التجارية والمالية، كلية التجارة - جامعة بورسعيد، العدد الثاني، يناير-يونيو، ص ص: 183-192.
- 10 حيث أشار الباحثان في بحثهما (صفحة 185) بأن: محفظة السوق هي جميع منشآت التأمين المباشر التي تقوم استثمار أموال تأمينات الممتلكات والمسؤوليات داخل سوق التأمين المصرية، وبالتالي سيتم استبعاد حصة المصرية لإعادة التأمين.
- 11 أسامة ربيع أمين سليمان (2009)، تسعير تأمينات الممتلكات والمسؤوليات باستخدام النماذج المالية في الفكر الإكتواري الحديث، رسالة دكتوراه غير منشورة، كلية التجارة - جامعة المنوفية، ص 38.
- 12 Jagannathan, Ravi and et al (2012), CAPM for estimating the cost of equity capital: Interpreting the empirical evidence, Journal of Financial Economics, 103, PP: 204-215.
- 13 Harvey, C. R. and A. Siddique (2000), Conditional Skewness in Asset Pricing Tests, Journal of Finance 55, PP:1276-1285..
- 14 على السيد الديب -، مروة رفيق حسن (2009)، مرجع سبق ذكره، ص 190.
- 15 Jagannathan, Ravi and et al (2012), Op. cit. PP: 210.
- 16 على السيد الديب -، مروة رفيق حسن (2009)، مرجع سبق ذكره، ص 197.
- 17 Harvey, C. R. and A. Siddique (2012), Op. cit. PP: 211.

كيفية الاستشهاد بهذا المقال حسب أسلوب APA :

أسامة ربيع أمين سليمان (2018). تطوير نموذج مالي توازني لتحديد هامش ربح الإكتتاب في شركات تأمينات الممتلكات والمسؤولية في سوق التأمين المصري في حالة وجود ضريبة موحدة، مجلة رؤى اقتصادية، 08(01)، جامعة الوادي، الجزائر. ص 13-33.

يتم الاحتفاظ بحقوق التأليف والنشر لجميع الأوراق المنشورة في هذه المجلة من قبل المؤلفين المعنيين بموجب رخصة المشاع الإبداعي نسب

المصنف - غير تجاري 4.0 رخصة عمومية دولية (CC BY-NC 4.0).



Roa Iktissadia Review is licensed under a Creative Commons Attribution-Non Commercial license 4.0 International License. Libraries Resource Directory. We are listed under Research Associations category